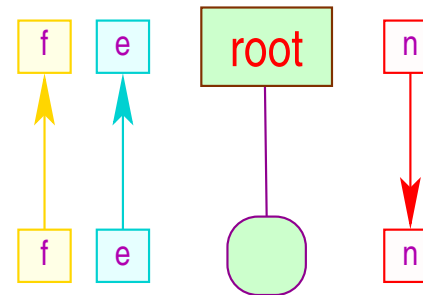
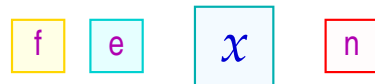


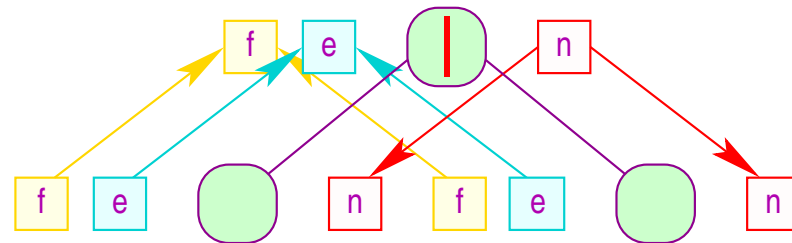
Beispiel: Simultane Berechnung von empty , first , next :

x : $\text{empty}[0] := (x \equiv \epsilon)$
 $\text{first}[0] := \{x \mid x \neq \epsilon\}$
 // (keine Gleichung für $\text{next}!!!$)

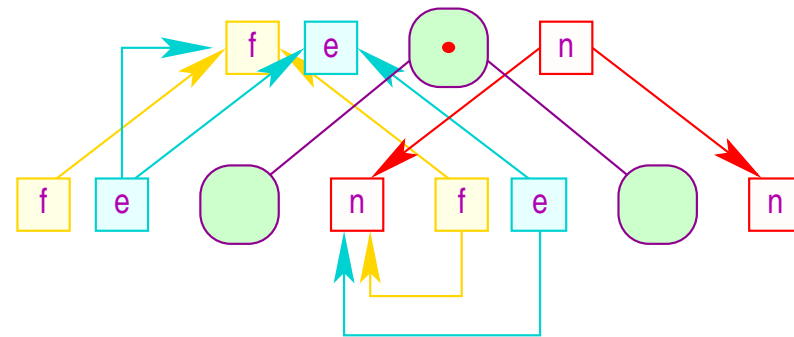
root: : $\text{empty}[0] := \text{empty}[1]$
 $\text{first}[0] := \text{first}[1]$
 $\text{next}[0] := \emptyset$
 $\text{next}[1] := \text{next}[0]$



$\boxed{|}$: $\text{empty}[0] := \text{empty}[1] \vee \text{empty}[2]$
 : $\text{first}[0] := \text{first}[1] \cup \text{first}[2]$
 : $\text{next}[1] := \text{next}[0]$
 : $\text{next}[2] := \text{next}[0]$

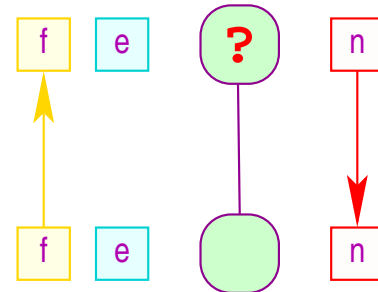
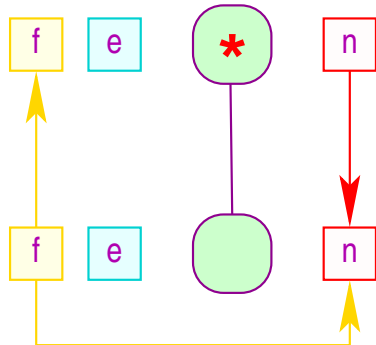


$\square \cdot$: $\text{empty}[0] := \text{empty}[1] \wedge \text{empty}[2]$
 $\text{first}[0] := \text{first}[1] \cup (\text{empty}[1]) ? \text{first}[2] : \emptyset$
 $\text{next}[1] := \text{first}[2] \cup (\text{empty}[2]) ? \text{next}[0]$
 $\text{next}[2] := \text{next}[0]$



$\boxed{*}$: $\text{empty}[0] := t$
 $\text{first}[0] := \text{first}[1]$
 $\text{next}[1] := \text{first}[1] \cup \text{next}[0]$

$\boxed{?}$: $\text{empty}[0] := t$
 $\text{first}[0] := \text{first}[1]$
 $\text{next}[1] := \text{next}[0]$



Problem:

- Eine Auswertungsstrategie kann es nur dann geben, wenn die Variablen-Abhängigkeiten in jedem attributierten Baum **azyklisch** sind !!!
- Es ist **DEXPTIME**-vollständig, herauszufinden, ob keine zyklischen Variablenabhängigkeiten vorkommen können :-)

Problem:

- Eine Auswertungsstrategie kann es nur dann geben, wenn die Variablen-Abhängigkeiten in jedem attributierten Baum **azyklisch** sind !!!
- Es ist **DEXPTIME**-vollständig, herauszufinden, ob keine zyklischen Variablenabhängigkeiten vorkommen können :-)

Ideen:

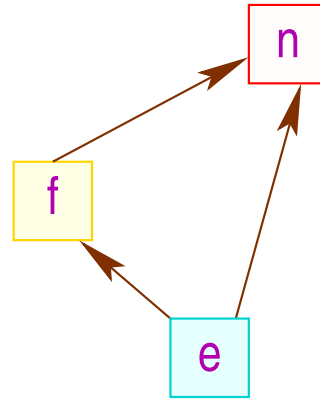
- (1) Die **Benutzerin** soll die Strategie spezifizieren :-)
- (2) Bestimme die Strategie dynamisch ;-}
- (3) Betrachte **Teilklassen** ...

Stark azyklische Attributierung:

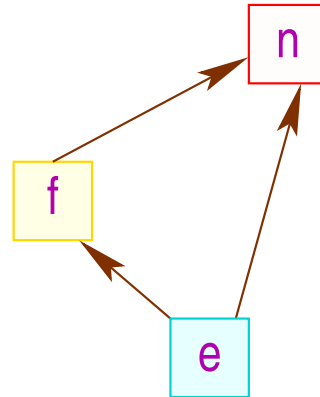
Berechne eine **partielle Ordnung** auf den Attributen eines Knotens, die **kompatibel** mit den lokalen Attribut-Abhängigkeiten ist:

- Wir starten mit der trivialen Ordnung $\sqsubseteq = =$:-)
- Die aktuelle Ordnung setzen wir an den Sohn-Knoten in die lokalen Abhängigkeitsgraphen ein.
- Ergibt sich ein Kreis, geben wir auf :-))
- Andernfalls fügen wir alle Beziehungen $a \sqsubseteq b$ hinzu, für die es jetzt einen Pfad von $a[0]$ nach $b[0]$ gibt.
- Lässt sich \sqsubseteq nicht mehr vergrößern, hören wir auf ...

... im Beispiel:



... im Beispiel:



Diskussion:

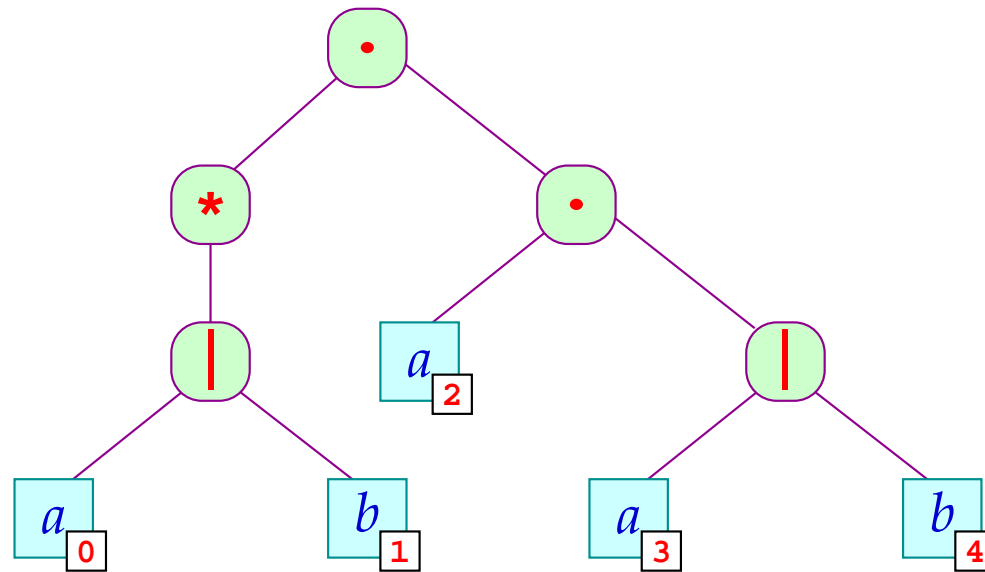
- Die Berechnung der partiellen Ordnung \sqsubseteq ist eine Fixpunkt-Berechnung :-)
- Die partielle Ordnung können wir in eine **lineare Ordnung** einbetten ...
- Die lineare Ordnung gibt uns an, in welcher Reihenfolge die Attribute berechnet werden müssen :-)
- Die lokalen Abhängigkeitsgraphen zusammen mit der linearen Ordnung erlauben die Berechnung einer Strategie ...

Mögliche Strategien:

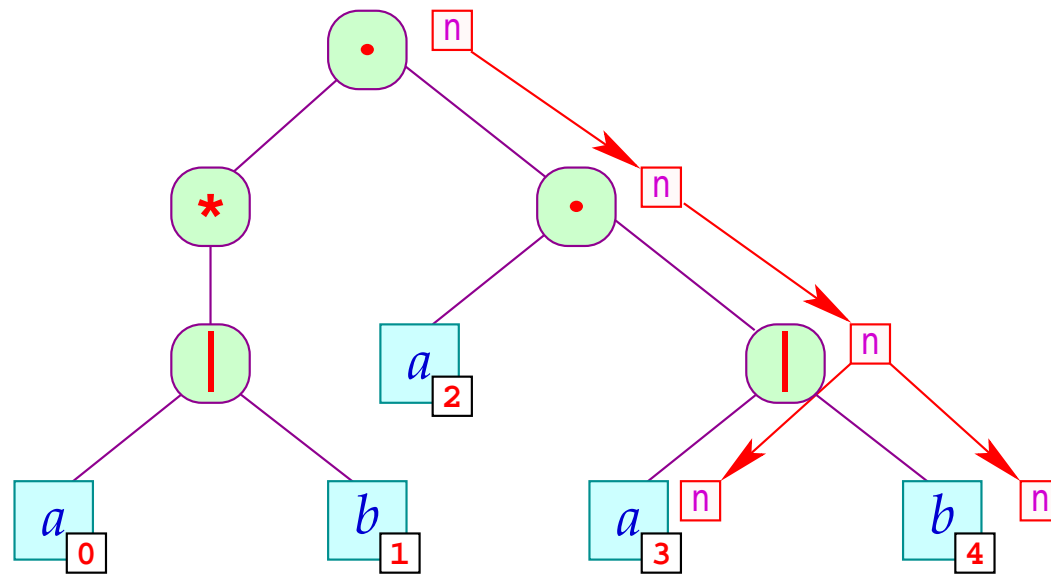
(1) Bedarfsgetriebene Auswertung:

- Beginne mit der Berechnung eines Attributs.
- Sind die Argument-Attribute noch nicht berechnet, berechne rekursiv deren Werte :-)
- Besuche die Knoten des Baum nach Bedarf...

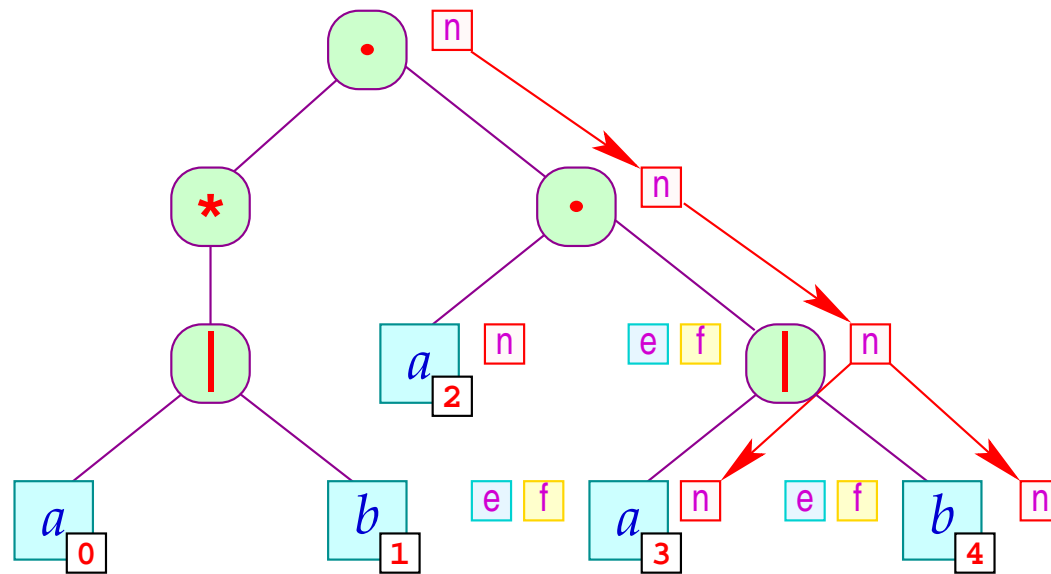
Beispiel, bedarfsgetrieben:



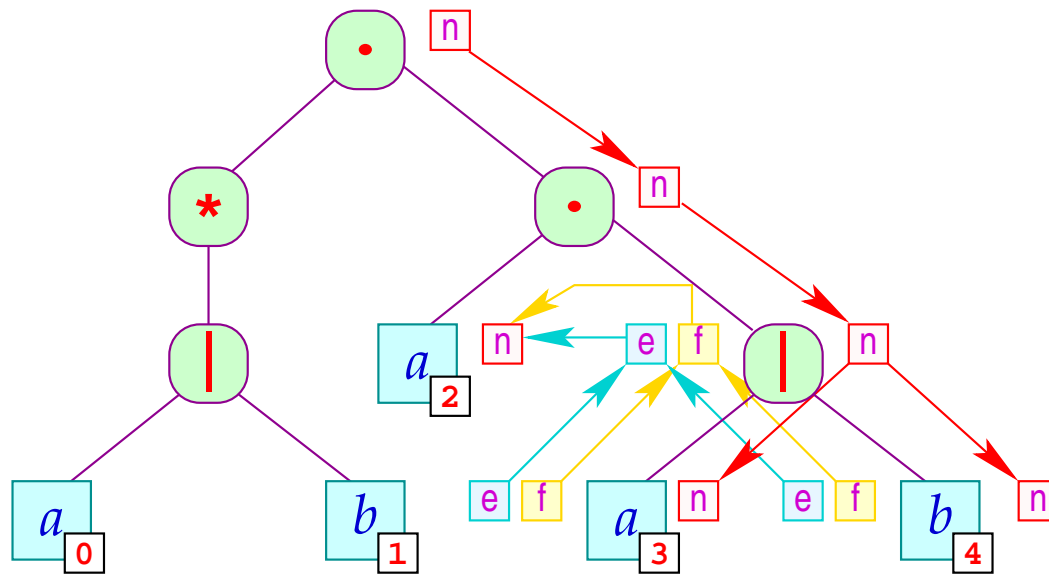
Beispiel, bedarfsgetrieben:



Beispiel, bedarfsgetrieben:



Beispiel, bedarfsgetrieben:



Diskussion:

- Die Reihenfolge hängt i.a. vom zu attributierenden Baum ab.
- Der Algorithmus muss sich merken, welche Attribute er bereits berechnet hat :-((
- Der Algorithmus besucht manche Knoten unnötig oft.
- Der Algorithmus ist **nicht-lokal** :-((

Mögliche Strategien (Forts.):

(2) Auswertung in Pässen:

- **Minimiere** die Anzahl der **Besuche** an jedem Knoten.
- Organisiere die Auswertung in **Durchläufe** durch den Baum.
- Berechne für jeden Pass eine **Besuchsstrategie** für die Knoten zusammen mit einer **lokalen Strategie** für jeden Knoten-Typ ...

Achtung:

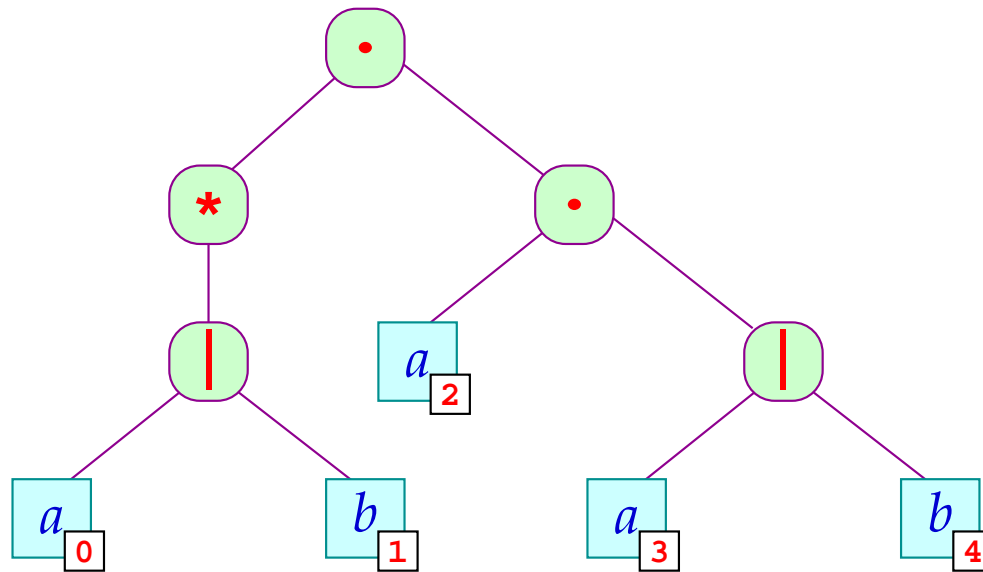
- Das minimale Attribut in der Anordnung für stark azyklische Attributierungen lässt sich stets in **einem Pass** berechnen :-)
- Man braucht folglich für stark azyklische Attributierungen maximal so viele Pässe, wie es Attribute gibt :-))
- Hat man einen Baum-Durchlauf zur Berechnung einiger Attribute, kann man überprüfen, ob er geeignet ist, gleichzeitig weitere Attribute auszuwerten \implies **Optimierungsproblem**

... im Beispiel:

empty und **first** lassen sich gemeinsam berechnen.

next muss in einem weiteren Pass berechnet werden :-)

Weiteres Beispiel: Nummerierung der Blätter eines Baums:



Idee:

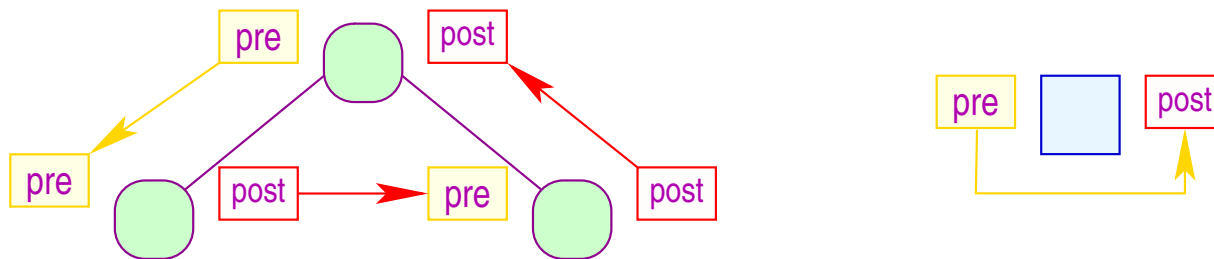
- Führe Hilfsattribute `pre` und `post` ein !
- Mit `pre` reichen wir einen Zählerstand nach unten
- Mit `post` reichen wir einen Zählerstand wieder nach oben ...

Root: `pre[0] := 0`
`pre[1] := pre[0]`
`post[0] := post[1]`

Node: `pre[1] := pre[0]`
`pre[2] := post[1]`
`post[0] := post[2]`

Leaf: `post[0] := pre[0] + 1`

... die lokalen Attribut-Abhängigkeiten:



- Die Attributierung ist offenbar stark azyklisch :-)
- Man kann alle Attribute in einem Links-Rechts-Durchlauf auswerten :-))
- So etwas nennen wir **L-Attributierung**.
- L-Attributierung liegt auch unseren **Query-Tools** zur Suche in XML-Dokumenten zugrunde \implies **fxgrep**

Praktische Erweiterungen:

- Symboltabellen, Typ-Überprüfung / Inferenz und (einfache) Codegenerierung können durch Attributierung berechnet werden :-)
- In diesen Anwendungen werden stets **Syntaxbäume** annotiert.
- Die Knoten-Beschriftungen entsprechen den Regeln einer kontextfreien Grammatik :-)
- Knotenbeschriftungen können in **Sorten** eingeteilt werden — entsprechend den **Nichtterminalen** auf der linken Seite ...
- Unterschiedliche Nichtterminale benötigen evt. **unterschiedliche Mengen von Attributen**.
- Eine **attributierte Grammatik** ist eine **CFG** erweitert um:
 - Attribute für jedes Nichtterminal;
 - lokale Attribut-Gleichungen.
- Damit können die syntaktische, Teile der semantischen Analyse wie der Codeerzeugung **generiert** werden :-)

4 Die Optimierungsphase

1. Vermeidung überflüssiger Berechnungen

- verfügbare Ausdrücke
- Konstantenpropagation/Array-Bound-Checks
- Code Motion

2. Ersetzen teurer Berechnungen durch billige

- Peep Hole Optimierung
- Inlining
- Reduction of Strength

...

3. Anpassung an Hardware

- Instruktions-Selektion
- Registerverteilung
- Scheduling
- Speicherverwaltung