

Diskussion:

- Sei $V(n)$ die Anzahl der Vergleiche, die Mergesort maximal zum Sortieren einer Liste der Länge n benötigt.

Dann gilt:

$$V(1) = 0$$

$$V(2n) \leq 2 \cdot V(n) + 2 \cdot n$$

- Für $n = 2^k$, sind das dann nur $k \cdot n$ Vergleiche !!!

Achtung:

- Unsere Funktion `sort()` **zerstört** ihr Argument **?!**
- Alle Listen-Knoten der Eingabe werden weiterverwendet **:-)**
- Die **Idee** des Sortierens durch Mischen könnte auch mithilfe von Feldern realisiert werden (wie **?-)**
- Sowohl das Mischen wie das Sortieren könnte man statt rekursiv auch iterativ implementieren (wie **?-))**

12 Abstrakte Datentypen

- Spezifiziere nur die Operationen!
- Verberge Details
 - der Datenstruktur;
 - der Implementierung der Operationen.



Information Hiding

Sinn:

- Verhindern illegaler Zugriffe auf die Datenstruktur;
- **Entkopplung** von Teilproblemen für
 - Implementierung, aber auch
 - Fehlersuche und
 - Wartung;
- leichter **Austausch** von Implementierungen (↑**rapid prototyping**).

12.1 Beispiel 1: Keller (Stacks)

Operationen:

`boolean isEmpty()` : testet auf Leerheit;
`int pop()` : liefert oberstes Element;
`void push(int x)` : legt x oben auf dem Keller ab;
`String toString()` : liefert eine String-Darstellung.

Weiterhin müssen wir einen leeren Keller anlegen können.



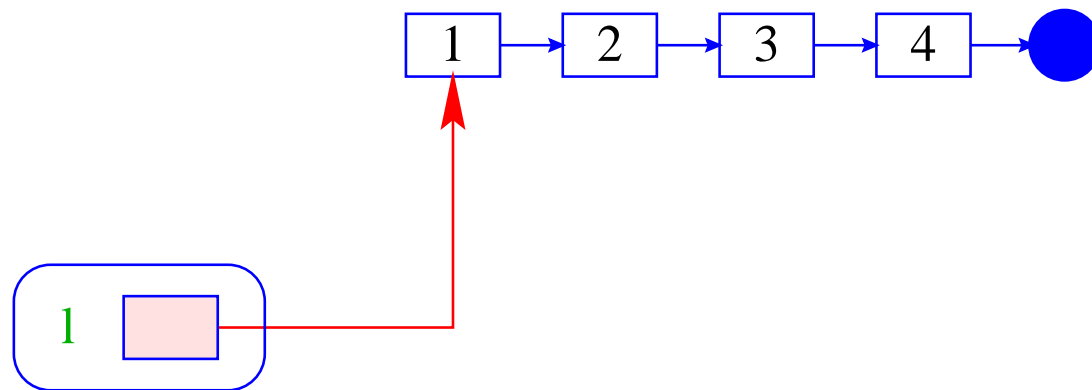
Friedrich Ludwig Bauer, TUM

Modellierung:

Stack	
+	Stack ()
+	isEmpty() : boolean
+	push (x: int) : void
+	pop () : int

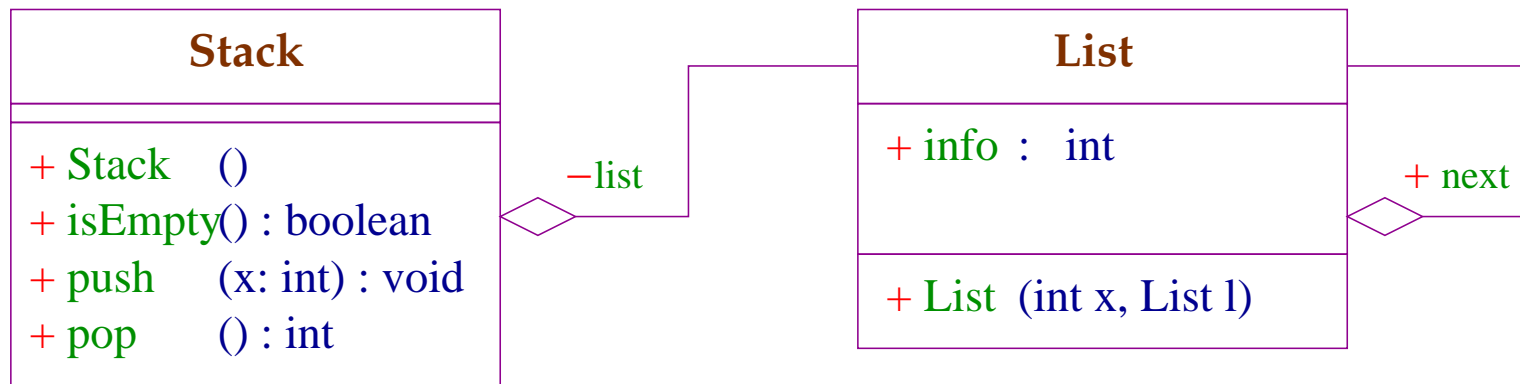
Erste Idee:

- Realisiere Keller mithilfe einer Liste!



- Das Attribut 1 zeigt auf das oberste Element.

Modellierung:



Die **gefüllte Raute** besagt, dass die Liste nur von Stack aus zugreifbar ist :-)

Implementierung:

```
public class Stack {  
    private List list;  
    // Konstruktor:  
    public Stack() {  
        list = null;  
    }  
    // Objekt-Methoden:  
    public boolean isEmpty() {  
        return list==null;  
    }  
    ...  
}
```

```
public int pop() {  
    int result = list.info;  
    list = list.next;  
    return result;  
}  
  
public void push(int a) {  
    list = new List(a,list);  
}  
  
public String toString() {  
    return List.toString(list);  
}  
  
} // end of class Stack
```

- Die Implementierung ist sehr einfach;
- ... nutzte gar nicht alle Features von List aus;
- ... die Listen-Elemente sind evt. über den gesamten Speicher verstreut;

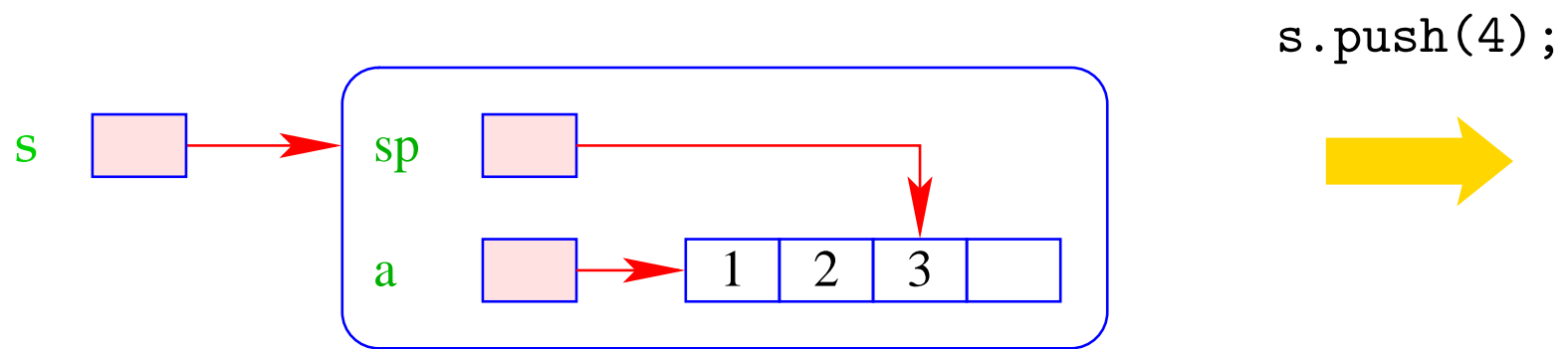
 \implies führt zu schlechtem \uparrow Cache-Verhalten des Programms!

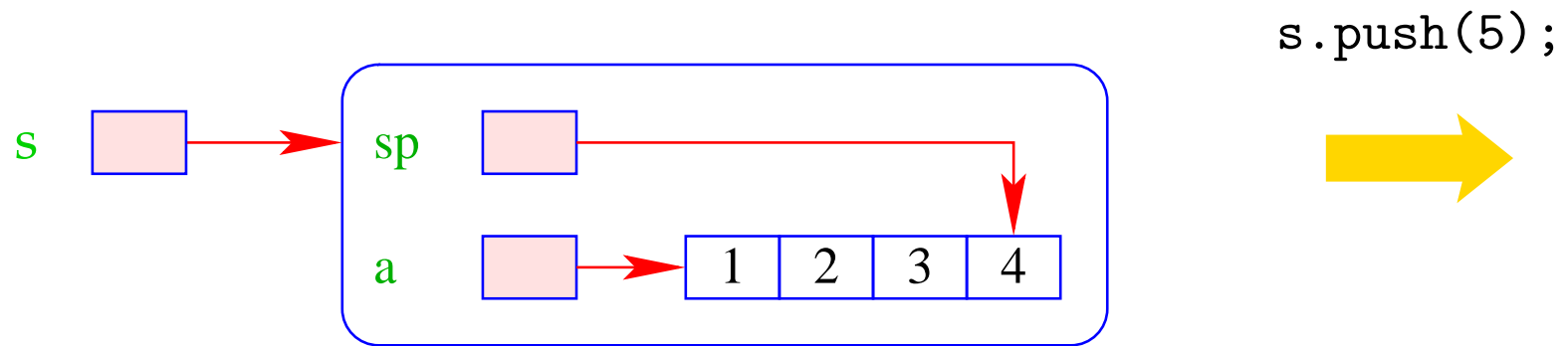
- Die Implementierung ist sehr einfach;
- ... nutzte gar nicht alle Features von List aus;
- ... die Listen-Elemente sind evt. über den gesamten Speicher verstreut;

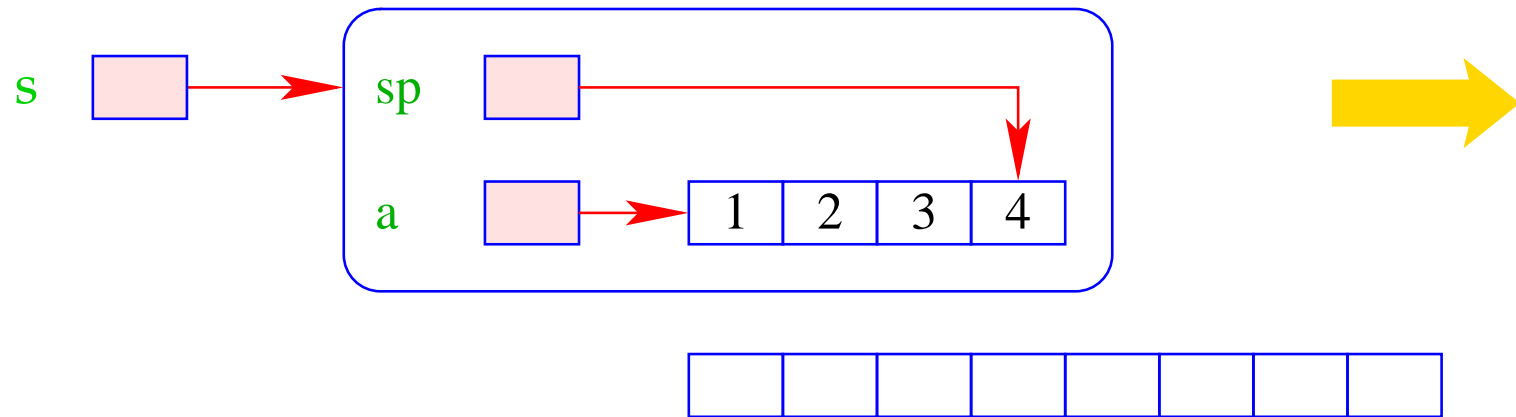
 \implies führt zu schlechtem \uparrow Cache-Verhalten des Programms!

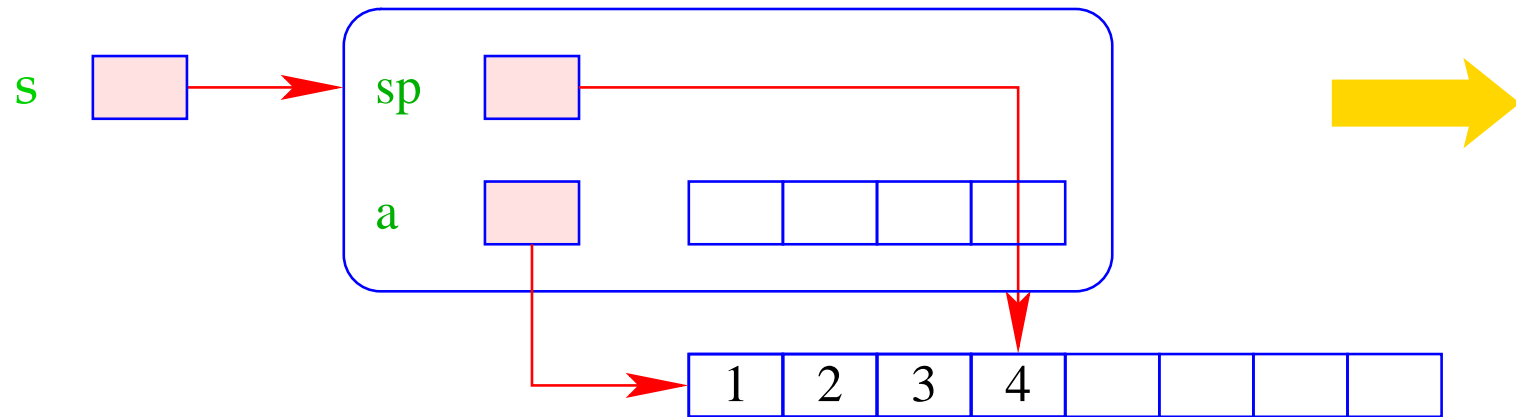
Zweite Idee:

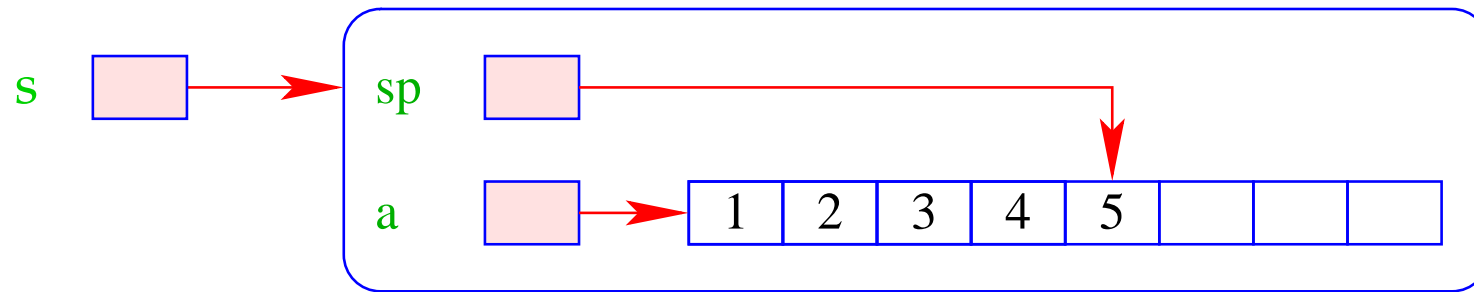
- Realisiere den Keller mithilfe eines Felds und eines Stackpointers, der auf die oberste belegte Zelle zeigt.
- Läuft das Feld über, ersetzen wir es durch ein größeres :-)



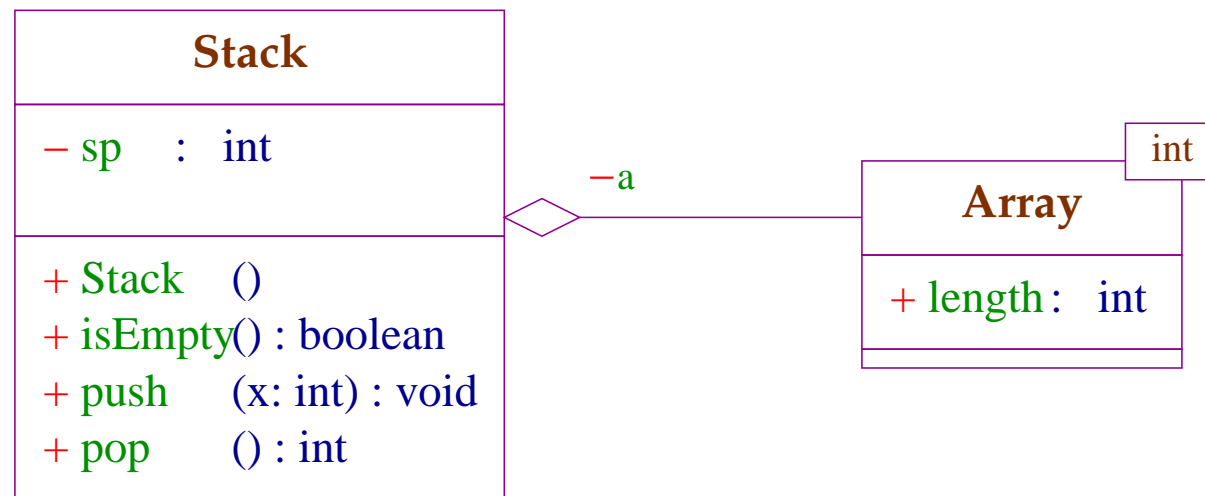








Modellierung:



Implementierung:

```
public class Stack {  
    private int sp;  
    private int[] a;  
    // Konstruktoren:  
    public Stack() {  
        sp = -1; a = new int[4];  
    }  
    // Objekt-Methoden:  
    public boolean isEmpty() {  
        return (sp<0);  
    }  
    ...  
}
```

```

    public int pop() {
        return a[sp--];
    }
    public void push(int x) {
        ++sp;
        if (sp == a.length) {
            int[] b = new int[2*sp];
            for(int i=0; i<sp; ++i) b[i] = a[i];
            a = b;
        }
        a[sp] = x;
    }
    public toString() {...}
} // end of class Stack

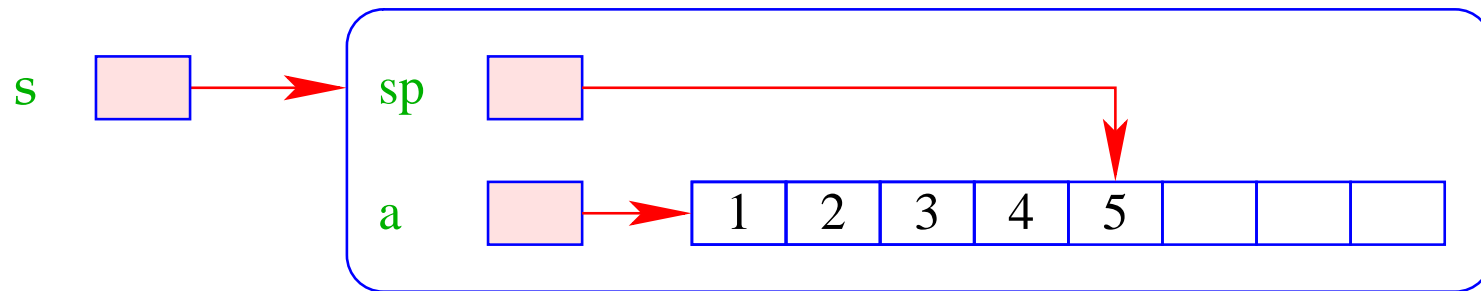
```

Nachteil:

- Es wird zwar neuer Platz allokiert, aber nie welcher freigegeben :-)

Erste Idee:

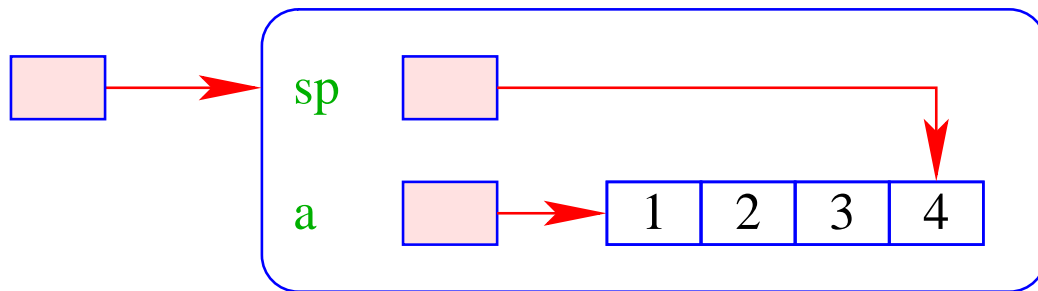
- Sinkt der Pegel wieder auf die Hälfte, geben wir diese frei ...



`x`

`x=s.pop() ;`

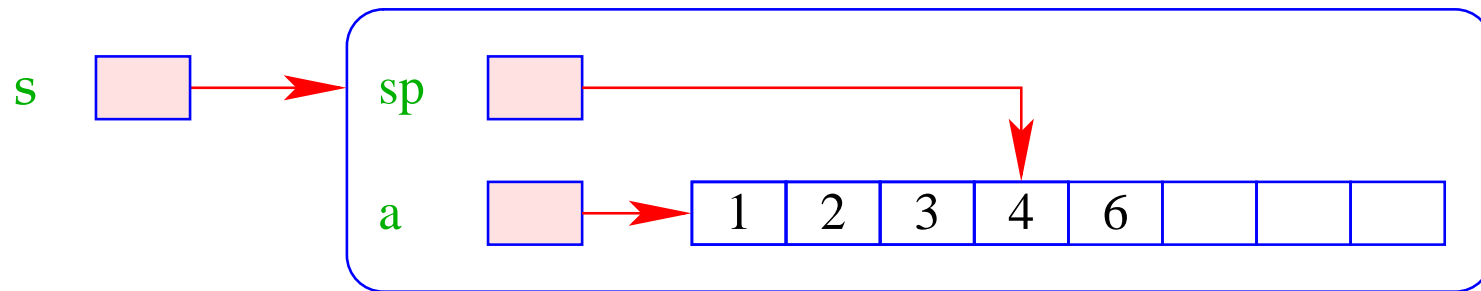




x 5

`s.push(6);`

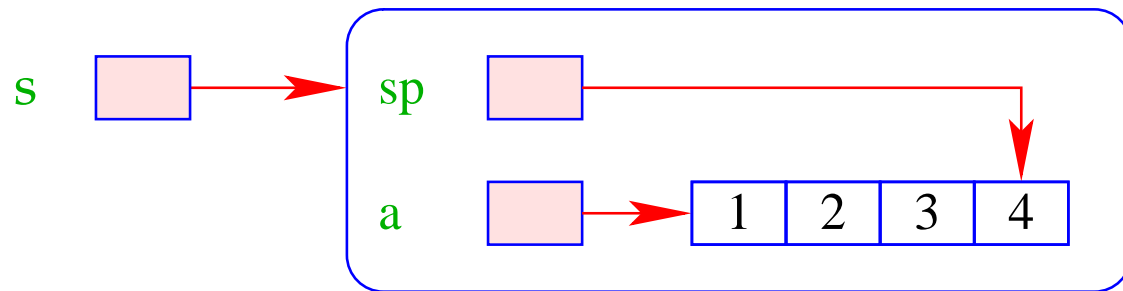




`x` 5

`x = s.pop() ;`

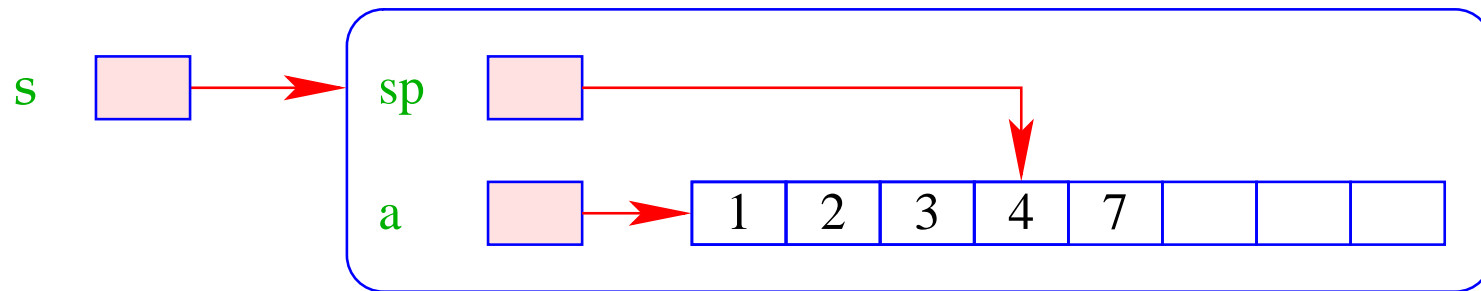




`x` 6

`s.push(7);`





`x` 6

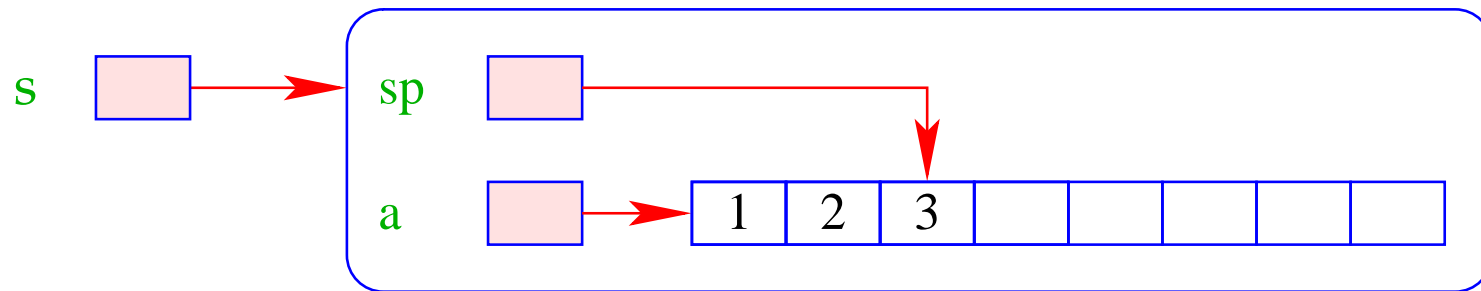
`x = s.pop() ;`



- Im schlimmsten Fall müssen bei **jeder** Operation sämtliche Elemente kopiert werden **:-(**

Zweite Idee:

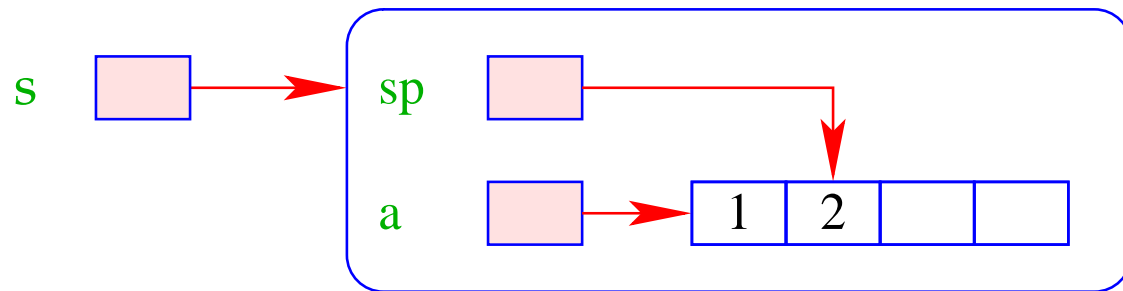
- Wir geben erst frei, wenn der Pegel auf **ein Viertel** fällt – und dann auch nur die Hälfte **!**



`x`

```
x = s.pop();
```

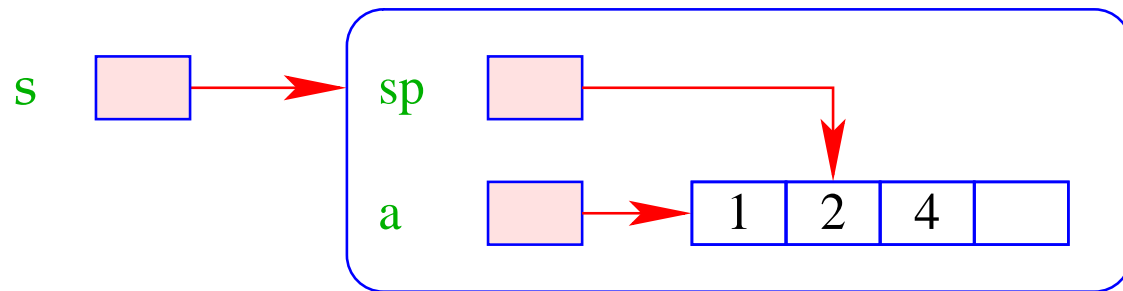




`x` 3

`s.push(4);`

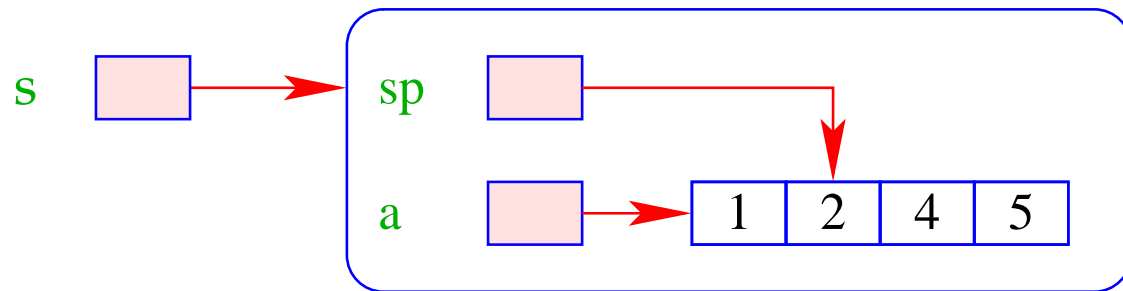




`x` 3

`s.push(5);`





x 3



- Vor jedem Kopieren werden **mindestens** halb so viele Operationen ausgeführt, wie Elemente kopiert werden :-)
- Gemittelt über die gesamte Folge von Operationen werden pro Operation maximal zwei Zahlen kopiert ↑ **amortisierte Aufwandsanalyse**.

```
public int pop() {  
    int result = a[sp];  
    if (sp == a.length/4 && sp>=2) {  
        int[] b = new int[2*sp];  
        for(int i=0; i < sp; ++i)  
            b[i] = a[i];  
        a = b;  
    }  
    sp--;  
    return result;  
}
```

12.2 Beispiel 2: Schlangen (Queues)

(Warte-) Schlangen verwalten ihre Elemente nach dem **FIFO**-Prinzip (First-In-First-Out).

Operationen:

<code>boolean isEmpty()</code>	: testet auf Leerheit;
<code>int dequeue()</code>	: liefert erstes Element;
<code>void enqueue(int x)</code>	: reiht x in die Schlange ein;
<code>String toString()</code>	: liefert eine String-Darstellung.

Weiterhin müssen wir eine leere Schlange anlegen können :-)

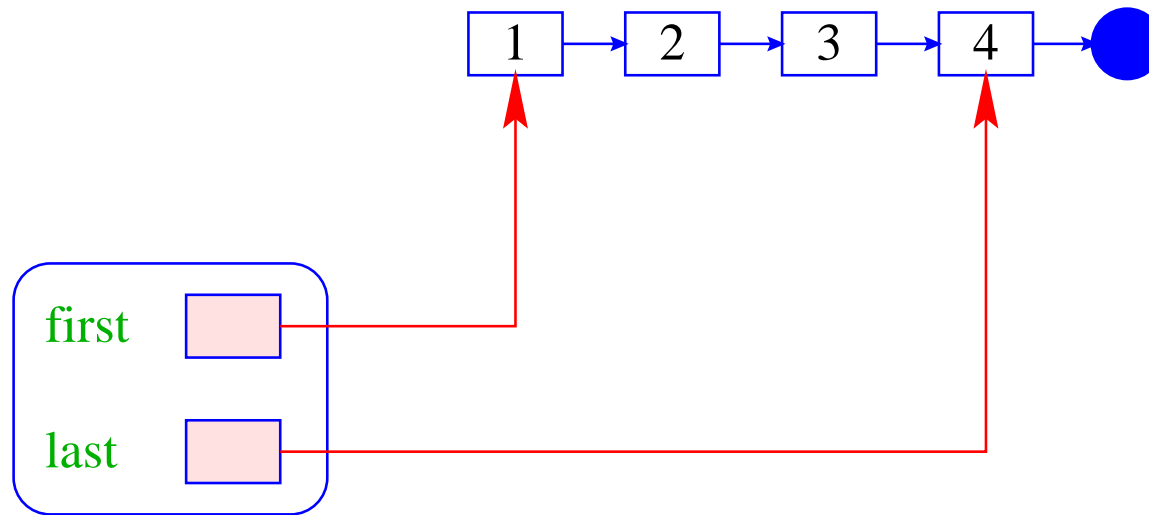
Modellierung:

Queue

- + Queue ()
- + isEmpty() : boolean
- + enqueue(x: int) : void
- + dequeue() : int

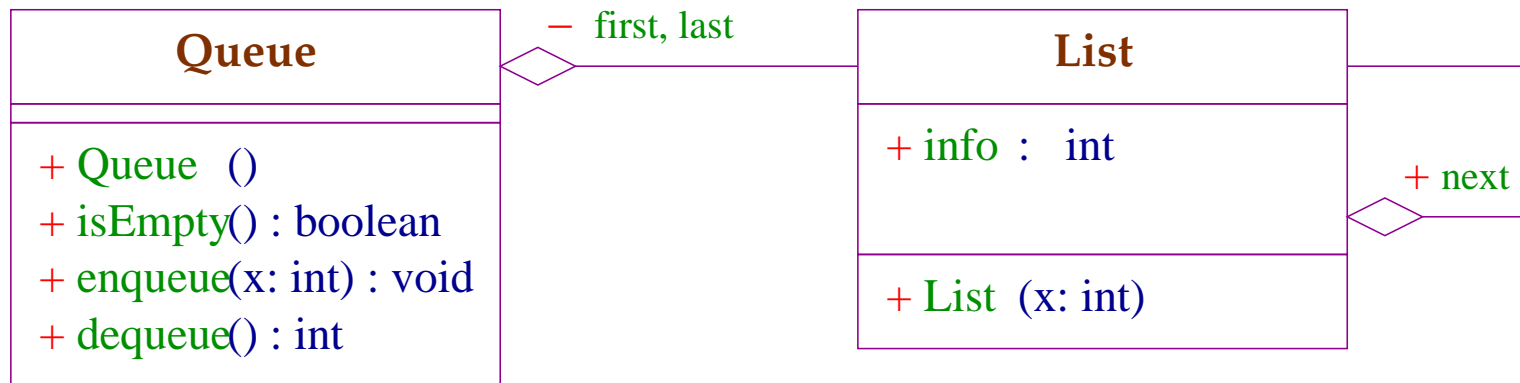
Erste Idee:

- Realisiere Schlange mithilfe einer Liste :



- `first` zeigt auf das nächste zu entnehmende Element;
- `last` zeigt auf das Element, hinter dem eingefügt wird.

Modellierung:



Objekte der Klasse Queue enthalten **zwei** Verweise auf Objekte der Klasse List :-)

Implementierung:

```
public class Queue {  
    private List first, last;  
    // Konstruktor:  
    public Queue () {  
        first = last = null;  
    }  
    // Objekt-Methoden:  
    public boolean isEmpty() {  
        return first==null;  
    }  
    ...  
}
```

```
public int dequeue () {
    int result = first.info;
    if (last == first) last = null;
    first = first.next;
    return result;
}

public void enqueue (int x) {
    if (first == null) first = last = new List(x);
    else { last.next = new List(x); last = last.next; }
}

public String toString() {
    return List.toString(first);
}

} // end of class Queue
```

- Die Implementierung ist wieder sehr einfach :-)
- ... nutzt ebenfalls kaum Features von List aus;
- ... die Listen-Elemente sind evt. über den gesamten Speicher verstreut
 \implies führt zu schlechtem \uparrow Cache-Verhalten des Programms :-(

- Die Implementierung ist wieder sehr einfach :-)
- ... nutzt ebenfalls kaum Features von List aus;
- ... die Listen-Elemente sind evt. über den gesamten Speicher verstreut
 \implies führt zu schlechtem \uparrow Cache-Verhalten des Programms :-(

Zweite Idee:

- Realisiere die Schlange mithilfe eines Felds und **zweier** Pointer, die auf das erste bzw. letzte Element der Schlange zeigen.
- Läuft das Feld über, ersetzen wir es durch ein größeres.